2025

PHYSICS — MDC

Paper: CC-4

(Modern Physics)

Full Marks: 75

Candidates are required to give their answers in their own words as far as practicable.

প্রান্তলিখিত সংখ্যাগুলি পূর্ণমান নির্দেশক।

১ নং প্রশ্ন আবশ্যিক এবং প্রতিটি বিভাগ থেকে অন্তত একটি করে প্রশ্ন নিয়ে *যে-কোনো পাঁচটি* প্রশ্নের উত্তর দাও।

১। *যে-কোনো পাঁচটি* প্রশ্নের উত্তর দাওঃ

0×4

- (ক) মহাকাশ্যান A পৃথিবীর সাপেক্ষে 0.90 C বেগে গতিশীল। মহাকাশ্যান B যদি A-কে একই দিকে 0.50 C আপেক্ষিক বেগে অতিক্রম করতে চায়, তবে পৃথিবীর সাপেক্ষে B-র বেগ কত হওয়া উচিত?
- (খ) 100 MeV ফোটনের তরঙ্গদৈর্ঘ্য ও কম্পাঙ্ক নির্ণয় করো।
- (গ) 46 g গলফ বলের গতিবেগ 30 m/s হলে এর ডি. ব্রগলি তরঙ্গদৈর্ঘ্য নির্ণয় করো।
- (ঘ) $\frac{d^2}{dx^2}$ সংকারকের আইগেনফলন, $\psi=e^{2x}$ হলে, এর সম্পর্কিত আইগেনমান নির্ণয় করো।
- (ঙ) $\left[L\hat{x},p\hat{x}\right]$ ক্রমবিনিময়কের মান নির্ণয় করো।
- (চ) তিরশ্রেষকতা, উপচুম্বকতা ও অয়শ্চুম্বকতার তুলনামূলক ব্যাখ্যা দাও।
- (ছ) B H বক্রের ব্যবহারিতা ব্যাখ্যা করো।
- (জ) একটি ঘন কেলাসের (100) তল থেকে 1.54 Å তরঙ্গদৈর্ঘ্য বিশিষ্ট X-রশ্মির জন্য প্রথম ক্রমের প্রতিফলন কোণের মান 18°। ঐ কেলাসটির (100) এবং (111) তলের মধ্যেকার দূরত্ব নির্ণয় করো।

বিভাগ - ক

- ২। (ক) প্রমাণ করো যে, $\dfrac{v}{c}$ <<1 -এর জন্য একটি গতিশীল বস্তুর গতিশক্তি, K-র স্থির ভর শক্তি m_0c^2 তুলনায় অনেক কম হবে।
 - (খ) গতি ৮-র কোন্ মানের জন্য দৈর্ঘ্যজনিত গ্যালিলীয় ও লোরেন্টজীয় সমীকরণের মধ্যে 1% পার্থক্য হয়?
 - (গ) স্থির অবস্থায় μ -মেসনের গড় আয়ু $2.3\times10^{-6}\,\mathrm{s}$ । পরীক্ষাগারে মাপলে μ -মেসনের গড় আয়ু $6.9\times10^{-6}\,\mathrm{s}$ পাওয়া যায়। পরীক্ষাগারে মেসনের বেগ কত?

(ঘ)
$$s$$
-র সাপেকে $\sqrt{1-s^2}$ ও $\gamma = \frac{1}{\sqrt{1-s^2}}$ অপেক্ষক দুটির লেখচিত্র অন্ধন করো। ২+২+৪+(২+২)

Please Turn Over

(2858)

- ত। (ক) কৃষ্ণবস্তুর বিকিরণ সম্পর্কিত গ্ল্যাঙ্কের সূত্রটি বিবৃত করো।
 - (খ) আপতিত আলোর কম্পাঙ্কের সঙ্গে নিরোধী-বিভবের লেখচিত্র অঙ্কন করো।
 - (গ) কম্পটন এফেক্টের তাৎপর্য ব্যাখ্যা করো। কম্পটন সরণ $\Delta \lambda = \frac{h}{m_0 c} (1-\cos\phi)$ সূত্রটি নির্ণয় করো, যেখানে ϕ হল বিক্ষেপণ কোণ। $+ \frac{h}{m_0 c} (1-\cos\phi) = \frac{h}{m_0 c} (1-\cos\phi) + \frac{h}{m_0 c} (1-\cos\phi) +$
- $oldsymbol{8}$ । (ক) দেখাও যে, একটি কণার ডি. ব্রগলি ও কম্পটন তরঙ্গদৈর্ঘ্যের অনুপাত হয় $\sqrt{\left(rac{C}{
 u}
 ight)^2-1}$ ।
 - (খ) পরমাণুর মধ্যবর্তী একটি ইলেকট্রন উত্তেজিত অবস্থায় এর পরবর্তী শক্তিস্তরে গমন করে এবং 10^{-8} s ধরে সেই স্তরে থাকার পরে পূর্বের অবস্থায় ফিরে আসে। এই প্রক্রিয়ায় অতিরিক্ত শক্তি ফোটনের আকারে নির্গত হয়। ফোটনের কম্পাঙ্কের অনিশ্চয়তা নির্ণয় করো।
 - (গ) সরলরেখা বরাবর গতিশীল একটি কণার গতিকে $\psi(x) = \frac{\left(x + ix\right)}{\left(1 + ix^2\right)}$ আকারে প্রকাশ করা যায়। $\psi^*(x)$ নির্ণয় করো।
 - (ঘ) নীচের একমাত্রিক তরঙ্গ-অপেক্ষককে পরিমিত করোঃ

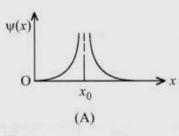
$$\psi(x) = Ae^{-\alpha x}$$
, $x > 0$ -র জন্য
$$= Ae^{+\alpha x}$$
, $x < 0$ -র জন্য ,

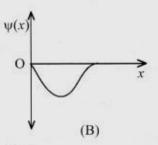
যেখানে α হল একটি ধনাত্মক ধ্রুবক।

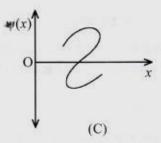
0+0+2+8

বিভাগ - খ

৫। (ক) নীচের ছবিতে দেখানো তরঙ্গ-অপেক্ষকগুলির কোনগুলির ওই নির্দিষ্ট সীমার মধ্যে ভৌত তাৎপর্য নেই? কেন?







(খ) নীচের তরঙ্গ-অপেক্ষকটির সম্ভাব্যতা ঘনত্ব নির্ণয় করোঃ

$$\Psi(x,t) = Ae^{-\left(\sqrt{cm}/2\hbar\right)x^2}e^{-\left(\frac{i}{2}\right)\sqrt{\frac{c}{m}}t}$$

(গ) (অ) শ্রোডিংগার সমীকরণের সাহায্যে নীচের তরঙ্গ-অপেক্ষকটির শক্তির আইগেনমান, E নির্ণয় করোঃ

$$\Psi(x,t) = A\cos\frac{\pi x}{a}e^{-iEt/\hbar}, \left(-\frac{a}{2} < x < +\frac{a}{2}\right)$$
$$= 0, \qquad \left(x \le -\frac{a}{2} \ \text{If}, x \ge +\frac{a}{2}\right)$$

যেখানে, A যে-কোনো একটি ধ্রুবক এবং E কণাটির মোট শক্তি।

(আ) উপরের কণাটির ভৌম অবস্থায় তরঙ্গ-অপেক্ষকের লেখচিত্র অঙ্কন করো।

0+0+(8+2)

- ৬। (ক) সময় নিরপেক্ষ একমাত্রিক প্রোডিংগার তরঙ্গ সমীকরণ নির্ণয় করো।
 - (খ) তরঙ্গ-অপেক্ষকের ভৌত ব্যাখ্যা করো।
 - (গ) নিম্নলিখিত তরঙ্গ-অপেক্ষকের পরিমিত করোঃ

$$\psi_n(x) = A \sin \frac{n\pi x}{L},$$

যেখানে কণাটি আবদ্ধ 0 < x < L এর মধ্যে।

(ঘ) n-তম আইগেন শক্তি বের করো।

8+2+0+0

- ৭। (ক) (অ) কেলাসের মধ্যেকার একটি তলের x,y ও z-অক্ষের ছেদিতাংশগুলির মান যথাক্রমে 6a,4b,2c হলে তলটির মিলার সূচকগুলির মান নির্ণয় করো।
 - (আ) এই মিলার সূচকসম্পন্ন তলটির উভয়দিকের দুটি তলের ছেদিতাংশ নির্ণয় করো।
 - (খ) 'a' দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট ঘনকাকার একটি জালকের (hkl) তলের আন্তঃতলীয় ব্যবধান নির্ণয় করো।
 - (গ) Ag-র K_α-রেখার তরঙ্গ-দৈর্ঘ্য হল 0.563 Å। Ag-ঘাতবহ থেকে নির্গত বিকিরণকে ব্র্যাগ স্পেকট্রোমিটারের সাহায্যে ক্যালসাইট কেলাস ব্যবহার করে (ক্যালসাইট হল একটি সরল ঘনক যার জালক ধ্রুবকের মান হল 3.02945 Å) বিশ্লেষণ করা হল।
 - (অ) প্রথম ক্রমের জন্য প্রতিফলন কোণ কত?
 - (আ) সর্বোচ্চ কোনু ক্রমের জন্য এটা পরিলক্ষিত হতে পারে?

(2+0)+0+(2+2)

- ৮। (ক) ম্যাগনেশিয়াম ও অক্সিজেনের মধ্যে বন্ধন গঠনের চিত্রসহ ব্যাখ্যা করো। এটি কী ধরনের বন্ধন?
 - (খ) নিম্নলিখিত বন্ধনগুলিকে তাদের শক্তির উর্ধ্বক্রমানুসারে সাজাও এবং প্রতি ক্ষেত্রে একটি করে উদাহরণ লেখো ঃ
 - (অ) আয়নিক বন্ধন (আ) ভ্যান্ডারওয়াল বন্ধন (ই) সময়োজী বন্ধন।
 - (গ) ব্যান্ডগ্যাপ কী? পরিবাহী, অর্ধ পরিবাহী ও অন্তরকের ব্যান্ডগ্যাপের মান তুলনা করো।
 - (ঘ) n- ও p-টাইপ অর্ধপরিবাহীর ফার্মি শক্তিস্তরের উপর ডোপ্যান্টের গাঢ়ত্বের ভূমিকা কী?

(2+5)+0+(5+0)+2

Please Turn Over

(2858)

D(4th Sm.)-Physics-MDC/CC-4/CCF

(4)

- ৯। (ক) ল্যাঞ্জেভিন তত্ত্ব থেকে উপচুম্বকতা বিষয়ক কুরির সূত্র ব্যুৎপন্ন করো।
 - (খ) (অ) ডোমেন বা অঞ্চল কী?
 - (আ) তিরন্টৌম্বক পদার্থের মধ্যে অঞ্চলের অস্তিত্ব ভৌতভাবে ব্যাখ্যা করো।
 - (ই) উপরের প্রশ্নের উত্তরের স্বপক্ষে সরাসরি পরীক্ষামূলক প্রমাণ দাও।
 - (ঈ) অঞ্চল ধারণার ব্যবহারিক প্রয়োগের উদাহরণ দাও।
 - (গ) ঘরের উক্ষতায় Fe₂O₃-র উপটৌম্বকগ্রাহীতা 1.4×10⁻³। প্রতিটি পরমাণুর দ্বিমেরু ভ্রামকের মান যদি বোর ম্যাগনেটনের ক্রমে হয়, তবে পদার্থটির প্রতি একক আয়তনে পরমাণুর সংখ্যা গণনা করো। দেওয়া আছে, এক বোর ম্যাগনেটন = 9.27×10⁻²⁴ Am²। 8+(১+২+১+১)+৩

[English Version]

The figures in the margin indicate full marks.

Answer question no. 1 which is compulsory and any five questions, taking at least one question from each Group.

1. Answer any five questions:

3×5

- (a) Spacecraft A is moving at 0.90 C with respect to the earth. If spacecraft B is to pass A at a relative speed of 0.50C in same direction, what speed must B have with respect to the earth?
- (b) Find the wavelength and frequency of a 100 MeV photon.
- (c) Find the de Broglie wavelength of a 46 g golf ball with a velocity of 30 m/s.
- (d) An eigenfunction of the operator $\frac{d^2}{dx^2}$ is $\psi = e^{2x}$. Find the corresponding eigenvalue.
- (e) Evaluate the commutator $[L\hat{x}, p\hat{x}]$.
- (f) Give a comparative study of dia, para and ferromagnetism.
- (g) Explain the usefulness of B-H curves.
- (h) The first order reflection angle is 18° from (100) plane of a cubic crystal using X-rays of wavelength 1.54 Å. Determine the distance between the (100) planes and the (111) planes of crystal.

Group - A

- 2. (a) Prove that if $\frac{v}{c} << 1$, the kinetic energy K of a moving particle will always be much less than its rest energy m_0c^2 .
 - (b) At what speed v will the Galilean and Lorentz expressions for length differ by 1%?

- (c) The average lifetime of μ -mesons at rest is 2.3 $\times 10^{-6}$ s. A laboratory measurement on μ -mesons yields an average lifetime of 6.9×10^{-6} s. What is the speed of the mesons in the laboratory?
- (d) Plot the functions $\sqrt{1-s^2}$ and $\gamma = \frac{1}{\sqrt{1-s^2}}$ as a function of s. 2+2+4+(2+2)
- 3. (a) State Planck's law of blackbody radiation.
 - (b) Draw the curve of stopping potential with the frequency of incident light.
 - (c) Explain the physical significance of Compton effect. Derive the formula of Compton shift

$$\Delta \lambda = \frac{h}{m_0 c} (1 - \cos \varphi), \text{ where } \varphi \text{ is scattering angle.}$$

$$2\frac{1}{2} + 2\frac{1}{2} + (2+5)$$

4. (a) Show that the ratio of the de Broglie wavelength to the Compton wavelength of a particle is

$$\sqrt{\left(\frac{C}{v}\right)^2-1}$$
.

- (b) An electron in an atom is excited to next higher energy state. The electron stays in that excited state for 10⁻⁸ s and then goes to its previous state; in this process, the excess energy is emitted in the form of a Photon. Find the inherent uncertainty in the frequency of the Photon.
- (c) A particle moving in a straightline is described by

$$\psi(x) = \frac{\left(x + ix\right)}{\left(1 + ix^2\right)}.$$

Obtain $\psi^*(x)$.

(d) Normalise the following wave function in one-dimension:

$$\psi(x) = Ae^{-\alpha x}, \text{ for } x > 0$$
$$= Ae^{+\alpha x}, \text{ for } x < 0,$$

where α is a positive constant.

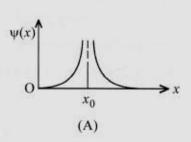
3+3+2+4

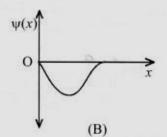
Please Turn Over

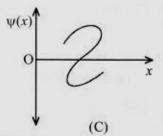
(2858)

Group - B

5. (a) Which of the wave functions is shown in Figures do not have physical significance in the interval shown? Why?







(b) Calculate the following probability density for the wave function :

$$\Psi(x,t) = Ae^{-\left(\sqrt{cm}/2h\right)x^2}e^{-\left(\frac{i}{2}\right)\sqrt{\frac{c}{m}}t}$$

(c) (i) Apply Schrödinger equation to determine the energy eigenvalue, E for the wave function

$$\Psi(x,t) = A\cos\frac{\pi x}{a}e^{-iEt/\hbar}, \left(-\frac{a}{2} < x < +\frac{a}{2}\right)$$

$$= 0, \qquad \left(x \le -\frac{a}{2} \text{ or, } x \ge +\frac{a}{2}\right),$$

where A is an arbitrary constant, E is the total energy of the particle.

(ii) Plot the ground state wave function, for the above problem.

3+3+(4+2)

- 6. (a) Derive time independent one-dimensional Schrödinger wave equation.
 - (b) State the physical interpretation of the wave function.
 - (c) Normalize the following wave function:

 $\psi_n(x) = A \sin \frac{n\pi x}{L}$ for particle confined in a length 0 < x < L.

(d) Find the eigenenergy value (E_n) for n-th state.

4+2+3+3

- (a) (i) Find the Miller indices of a plane (in a crystal) having intercepts of 6a, 4b, 2c on the x, y and z-axes respectively.
 - (ii) Determine also the intercepts of two other planes one on each side of this plane and having these indices.
 - (b) Determine the interplanar spacing of plane (hkl) when the lattice is a cube of edge length a.

- (c) The wavelength of the K_{α} line of Ag is 0.563 Å. The radiation from a Ag target is analysed with a Bragg Spectrometer using a Calcite crystal (a simple cube of lattice constant 3.02945 Å).
 - (i) Determine the angle of reflection for the first order.
 - (ii) What is the highest order for which this one may be observed? (2+3)+3+(2+2)
- (a) Explain with the help of a diagram the process of bond formation between Magnesium and Oxygen. Name the bond.
 - (b) Arrange the following bonds in ascending order of their strength and write an example of each:
 - (i) Ionic bond (ii) van der Waals bond (iii) Covalent bond.
 - (c) What is bandgap? Compare the bandgap values of conductors, semiconductors and insulators.
 - (d) What is the role of dopant concentration on the Fermi energy of n- and p-type semiconductors? (2+1)+3+(1+3)+2
- 9. (a) Derive Curie's law of paramagnetism from Langevin's theory.
 - (b) (i) What are domains?
 - (ii) Explain the existence of domains in a ferromagnetic material.
 - (iii) Give a direct experimental evidence in support of your answer.
 - (iv) Also enumerate a practical application of the concept of domains.
 - (c) The paramagnetic susceptibility of Fe_2O_3 at room temperature is 1.4×10^{-3} . If the dipole moment of each atom is of the order of a Bohr magneton, calculate the number of atoms per unit volume of the material. Given, 1 Bohr magneton = 9.27×10^{-24} Am². 4+(1+2+1+1)+3